

第1問（計20点）

受験生へ：計算が全く違っていても着眼点や解答方針には物理的な意味があり、当然採点がある。白紙答案は避けること。

I 計12点	(1) 4点	<p>[解答] 小球1：$ma_1 = -2ky_1 + ky_2$ 小球2：$ma_2 = ky_1 - ky_2$（解答各2点）</p>
	(2) 2点	<p>[解答] $\omega_1 = \sqrt{\frac{k}{m}(2 - p_1)}$（解答2点） $p_1 = \frac{\sqrt{5} + 1}{2}$ であるため $\omega_1 = \sqrt{\frac{(3 - \sqrt{5})k}{2m}} = \frac{\sqrt{5} - 1}{2} \sqrt{\frac{k}{m}}$ でもよい。 また、p_1 を用いて表した解答として多様な表現がありうるため、 $p_1 = \frac{\sqrt{5} + 1}{2}$ を代入したときに $\omega_1 = \sqrt{\frac{(3 - \sqrt{5})k}{2m}} = \frac{\sqrt{5} - 1}{2} \sqrt{\frac{k}{m}}$ となる解答のすべてが正解である。 [記述] 最大1点 ・運動方程式と $A_1 = a_1 + p_1 a_2$ から a_1 と a_2 を消そうとしている：1点 ・運動方程式と $Y_1 = y_1 + p_1 y_2$ から y_1 と y_2 を消そうとしている：1点</p>
	(3) 3点	<p>[解答] $Y_1 = D \cos \omega_1 t$（解答3点） [記述] 最大2点 ・時刻0で $Y_1 = D$ であることがわかっている：1点 ・時刻0で $\frac{dY_1}{dt} = 0$ であることがわかっている：1点 ・単振動の位相に $\omega_1 t$ が含まれている：1点</p>
	(4) 3点	<p>[解答] $y_1 = \frac{D}{p_1 - p_2} (p_1 \cos \omega_2 t - p_2 \cos \omega_1 t)$ $y_2 = \frac{D}{p_1 - p_2} (\cos \omega_1 t - \cos \omega_2 t)$（完答3点） $p_1 = \frac{\sqrt{5} + 1}{2}$, $p_2 = \frac{\sqrt{5} - 1}{2}$ であるため、これらを代入した、 $y_1 = \frac{D}{2\sqrt{5}} \{(\sqrt{5} + 1) \cos \omega_2 t + (\sqrt{5} - 1) \cos \omega_1 t\}$ $y_2 = \frac{D}{\sqrt{5}} (\cos \omega_1 t - \cos \omega_2 t)$ も正解である。さらに ω_1, ω_2 に $\omega_1 = \sqrt{\frac{(3 - \sqrt{5})k}{2m}} = \frac{\sqrt{5} - 1}{2} \sqrt{\frac{k}{m}}$, $\omega_2 = \sqrt{\frac{(3 + \sqrt{5})k}{2m}} = \frac{\sqrt{5} + 1}{2} \sqrt{\frac{k}{m}}$ を代入していてもよい。 [記述] 最大2点</p>

		<ul style="list-style-type: none"> ・ $Y_2 = D \cos \omega_2 t$ と書いている：1 点 ・ $Y_1 = y_1 + p_1 y_2$ と $Y_2 = y_1 + p_2 y_2$ を y_1, y_2 について解こうとしている：1 点
II 計 8 点	(1) 2 点	[解答] $a_n = -\frac{k}{m} \{2y_n - (y_{n-1} + y_{n+1})\}$ (解答 2 点)
	(2) 2 点	[解答] $y_{n-1} + y_{n+1} = 2y_n \cos \delta$ (解答 2 点) [記述] 最大 1 点 ・ 加法定理か和積公式を使おうとしている：1 点 ・ $D \sin n \delta \sin \omega t$ を y_n に置き換えている：1 点
	(3) 2 点	[解答] $\delta = \omega \sqrt{\frac{m}{k}}$ (解答 2 点)
	(4) 2 点	[解答] $\omega = \frac{(2i-1)\pi \ell}{2L} \sqrt{\frac{k}{m}}$ (解答 2 点) [記述] 最大 1 点 ・ $\cos N \delta = 0$ から三角方程式を解こうとしている：1 点

第2問（計20点）

受験生へ：計算が全く違っていても着眼点や解答方針には物理的な意味があり、当然配点がある。白紙答案は避けること。

I 計8点	(1) 3点	<p>[解答] $V_1 = \frac{\mu n_1^2 S}{\ell} \frac{\Delta I_1}{\Delta t} + \frac{\mu n_1 n_2 S}{\ell} \frac{\Delta I_2}{\Delta t}$ $V_2 = \frac{\mu n_1 n_2 S}{\ell} \frac{\Delta I_1}{\Delta t} + \frac{\mu n_2^2 S}{\ell} \frac{\Delta I_2}{\Delta t}$ (完答3点)</p> <p>[記述] 最大2点</p> <ul style="list-style-type: none"> ・磁束が BS で計算できていることがわかっている：1点 ・ファラデーの法則を適用しようとしている：1点
	(2) 2点	<p>[解答] $L_1 = \frac{\mu n_1^2 S}{\ell}$, $L_2 = \frac{\mu n_2^2 S}{\ell}$, $M = \frac{\mu n_1 n_2 S}{\ell}$ (完答2点)</p> <p>[記述] 最大1点</p> <ul style="list-style-type: none"> ・電流変化率の係数がインダクタンスであることがわかっている：1点
	(3) 2点	<p>[解答] $\Delta U = (I_1 V_1 + I_2 V_2) \Delta t$ (解答2点)</p> <p>[記述] 最大1点</p> <ul style="list-style-type: none"> ・$\Delta U = I_1 (L_1 \Delta I_1 + M \Delta I_2) + I_2 (L_2 \Delta I_2 + M \Delta I_1)$ まで計算できている (近似でも微分でもよい)：1点
	(4) 1点	<p>[解答] $U = \frac{1}{2} L_1 (I_1 + \alpha I_2)^2$ (解答1点)</p>
II 計8点	(1) 2点	<p>[解答] $I_2 = -\frac{\alpha E}{R}$ (解答2点)</p> <p>[記述] 最大1点</p> <ul style="list-style-type: none"> ・コイル2の電圧 V_2 が αE であることがわかっている：1点
	(2) 3点	<p>[解答] $I_1 = \frac{E}{L} t + \frac{\alpha^2 E}{R}$ (解答3点)</p> <p>[記述] 最大2点</p> <ul style="list-style-type: none"> ・コイル1の相互誘導起電力は0とわかっている：1点 ・I_1 が時刻 t の1次式になっている：1点 ・時刻0での U の連続性に注目している：1点
	(3) 2点	<p>[解答] $W = \frac{E^2 T^2}{2L} + \frac{\alpha^2 E^2 T}{R}$ (解答2点)</p> <p>[記述] 最大1点</p> <ul style="list-style-type: none"> ・U の変化と抵抗で生じる熱の合計であるとわかっている：1点 ・$I_1 E$ の時間積分をしようとしている：1点
	(4) 1点	<p>[解答] $I_2 = \frac{ET}{\alpha L}$ (解答1点)</p>

	1 点	
Ⅲ 計 4 点	(1) 3 点	<p>[解答] $p = \frac{\alpha^2 E}{R}$, $q = -\frac{E}{\omega L}$, $r = \frac{E}{\omega L}$ (解答 3 点)</p> <p>[記述] 最大 2 点</p> <ul style="list-style-type: none"> ・キルヒホッフの法則を考えている : 1 点 ・時刻 0 での U の連続性を考えている : 1 点
	(2) 1 点	<p>[解答] $U = \frac{E^2}{2\omega^2 L}(1 - \cos \omega t)^2$ (解答 1 点)</p>

第3問（計20点）

受験生へ：計算が全く違っていても着眼点や解答方針には物理的な意味があり、当然配点がある。白紙答案は避けること。

I 計5点	(1) 2点	[解答] $\frac{p}{\rho T} = \frac{R}{\mu}$ (解答2点)
	(2) 3点	[解答] $\rho_B = \rho - \frac{M}{V_0}$, $T_B = \frac{\rho V_0}{\rho V_0 - M} T$ (完答3点) [記述] (最大2点) ・状態方程式(設問 I (1)で求めた式)を使おうとしている：1点 ・力のつり合いに注目している：1点 ・球皮内の空気の受ける重力を考慮している：1点
II 計2点		[解答] $\Delta p = -\rho g \Delta z$ (解答2点) [記述] ・力のつり合いに $\rho S g \Delta z$ が含まれている：1点
III 計9点	(1) 3点	[解答] ア： $-\frac{7}{2}$, イ： $-\frac{5}{2}$ (片方のみ1点, 完答3点) [記述] (最大2点) ・状態方程式(ボイルシャルル)を使おうとしている：1点 ・設問 I (1)で得た式を使おうとしている：1点 ・ $(\text{温度}) \cdot (\text{体積})^{\frac{2}{5}} = (\text{一定})$ を使おうとしている：1点
	(2) 3点	[解答] $\Delta T = \frac{2\mu}{7R\rho} \Delta p$ (解答3点) [記述] (最大2点) ・ $(p + \Delta p)(T + \Delta T)^{\square} = pT^{\square}$ を書いている：1点 ・ $\Delta p = -\square \frac{p}{T} \Delta T$ と同値式を書いている：1点 ・設問 I (1)で得た式を使おうとしている：1点
	(3) 3点	[解答] $T = T_0 - \frac{2\mu g}{7R} z$ (解答3点) [記述] (最大2点) ・設問 II で得た式を使おうとしている：1点 ・ T を z の一次関数として表している：1点 ・ $z = 0$ で $T = T_0$ を使おうとしている：1点
IV 計4点	(1) 1点	[解答] $\tau_B = \frac{6\tau^{\frac{7}{2}}}{6\tau^{\frac{5}{2}} - 1}$ (解答1点)

[解答]

選択肢：③（1点）

理由：（最大2点）

- (2) 3点
- ・ $\tau_B = 1.2$ である $\tau = 1$ (地上) から $\tau = 0.685$ (上空) まで移動することがわかっている：1点
 - ・ 上昇に伴い大気温が減少することを述べている：1点
 - ・ $\tau = 1$ 付近で大気温 τ の減少にともない気球のつり合う温度 τ_B が減少することを述べている：1点